

MATEMATIKA 1

Ispit – 6. srpnja 2023.

- Ispit se piše 55 minuta.
- Od pomagala dopušteni su samo pribor za crtanje i geometriju.
- Svaki zadatak mora se pisati na svom papiru.

1. zadatak Riješite linearni sustav:

$$\begin{cases} -3x_1 + 5x_2 - 6x_3 - 10x_4 = -5 \\ x_1 + 5x_3 + 2x_4 = 6 \\ 2x_1 - x_2 + 7x_3 + 3x_4 = 10 \\ 5x_1 + x_2 - 10x_3 + 4x_4 = 1. \end{cases}$$

(10 bodova)

MATEMATIKA 1

Ispit – 6. srpnja 2023.

2. zadatak

- (i) Matrično zapišite linearan operator A koji predstavlja simetriju trodimenzionalnog vektorskog prostora s obzirom na XY ravninu te nađite sliku točke $T(-1, -\sqrt{3}, 2)$ s obzirom na tu transformaciju. (2 boda)
- (ii) Neka je B linearan operator koji predstavlja rotaciju prostora oko X osi za kut od $-\pi/3$. Odredite matrični zapis operatora C koji se dobije kompozicijom operatora A i B , s tim da prvo djeluje operator B . (3 boda)
- (iii) Izračunajte obujam paralelopipeda koji određuju vektori $\vec{a} = \vec{i} + \vec{k}$, $\vec{b} = 4\vec{i} + \vec{j} - 3\vec{k}$, $\vec{c} = 3\vec{j} - 5\vec{k}$. (2 boda)
- (iv) Prikažite vektor $\vec{d} = 5\vec{j} - 3\vec{k}$ kao linearnu kombinaciju vektora $\vec{a}$, $\vec{b}$ i $\vec{c}$. (3 boda)

MATEMATIKA 1

Ispit – 6. srpnja 2023.

3. zadatak

(i) Izračunajte $\lim_{x \rightarrow 0} (1 - \sin^2(3x))^{\frac{2}{x^2}}$. (5 bodova)

(ii) Koristeći linearnu aproksimaciju, približno izračunajte $\sqrt[3]{6 + \sqrt[3]{7.97}}$. (5 bodova)

MATEMATIKA 1

Ispit – 6. srpnja 2023.

4. zadatak Zadana je funkcija

$$f(x) = \frac{2}{x} + \frac{x}{8} + 1.$$

(i) Odredite domenu i nultočke funkcije f . (2 boda)(ii) Odredite sve asimptote grafa funkcije f . (5 bodova)

(iii) Odredite intervale pada/rasta i lokalne ekstreme. (6 bodova)

(iv) Odredite intervale konveksnosti/konkavnosti i točke infleksije. (4 boda)

(v) Koristeći podatke koje ste dobili, precizno nacrtajte graf funkcije te odredite sliku (rang) funkcije f . (3 boda)